

## Тема: «Метод координат»

Так как нулевой вектор можно представить в виде  $\vec{0} = 0\vec{i} + 0\vec{j} + 0\vec{k}$ , то все координаты нулевого вектора равны нулю. Далее, **координаты равных векторов соответственно равны**, т. е. если векторы  $\vec{a} \{x_1; y_1; z_1\}$  и  $\vec{b} \{x_2; y_2; z_2\}$  равны, то  $x_1 = x_2$ ,  $y_1 = y_2$  и  $z_1 = z_2$  (объясните почему).

Рассмотрим правила, которые позволяют по координатам данных векторов найти координаты их суммы и разности, а также координаты произведения данного вектора на данное число.

**1<sup>0</sup>. Каждая координата суммы двух или более векторов равна сумме соответствующих координат этих векторов.** Другими словами, если  $\vec{a} \{x_1; y_1; z_1\}$  и  $\vec{b} \{x_2; y_2; z_2\}$  — данные векторы, то вектор  $\vec{a} + \vec{b}$  имеет координаты  $\{x_1 + x_2; y_1 + y_2; z_1 + z_2\}$ .

**2<sup>0</sup>. Каждая координата разности двух векторов равна разности соответствующих координат этих векторов.** Другими словами, если  $\vec{a} \{x_1; y_1; z_1\}$  и  $\vec{b} \{x_2; y_2; z_2\}$  — данные векторы, то вектор  $\vec{a} - \vec{b}$  имеет координаты  $\{x_1 - x_2; y_1 - y_2; z_1 - z_2\}$ .

**3<sup>0</sup>. Каждая координата произведения вектора на число равна произведению соответствующей координаты вектора на это число.** Другими словами, если  $\vec{a} \{x; y; z\}$  — данный вектор,  $\alpha$  — данное число, то вектор  $\alpha\vec{a}$  имеет координаты  $\{\alpha x; \alpha y; \alpha z\}$ .

Утверждения 1<sup>0</sup>–3<sup>0</sup> доказываются точно так же, как и для векторов на плоскости.

Рассмотренные правила позволяют находить координаты любого вектора, представленного в виде алгебраической суммы данных векторов, координаты которых известны. Рассмотрим пример.

**Задача**

Найти координаты вектора  $\vec{p} = 2\vec{a} - \frac{1}{3}\vec{b} + \vec{c}$ , если  $\vec{a} \{1; -2; 0\}$ ,  $\vec{b} \{0; 3; -6\}$ ,  $\vec{c} \{-2; 3; 1\}$ .

**Решение**

По правилу 3<sup>0</sup> вектор  $2\vec{a}$  имеет координаты  $\{2; -4; 0\}$ , а вектор  $\left(-\frac{1}{3}\vec{b}\right)$  — координаты  $\{0; -1; 2\}$ . Так как  $\vec{p} = (2\vec{a}) + \left(-\frac{1}{3}\vec{b}\right) + \vec{c}$ , то его координаты  $\{x; y; z\}$  можно вычислить по правилу 1<sup>0</sup>:  $x = 2 + 0 - 2 = 0$ ,  $y = -4 - 1 + 3 = -2$ ,  $z = 0 + 2 + 1 = 3$ . Итак, вектор  $\vec{p}$  имеет координаты  $\{0; -2; 3\}$ .

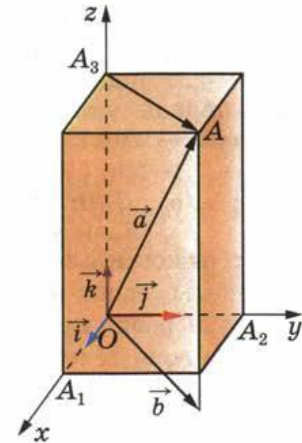


Рис. 125

- 407 Даны векторы  $\vec{a} \{3; -5; 2\}$ ,  $\vec{b} \{0; 7; -1\}$ ,  $\vec{c} \{\frac{2}{3}; 0; 0\}$  и  $\vec{d} \{-2; 7; 3; 1; 0,5\}$ .  
 Найдите координаты векторов: а)  $\vec{a} + \vec{b}$ ; б)  $\vec{a} + \vec{c}$ ; в)  $\vec{b} + \vec{c}$ ; г)  $\vec{d} + \vec{b}$ ;  
 д)  $\vec{d} + \vec{a}$ ; е)  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$ ; ж)  $\vec{b} + \vec{a} + \vec{d}$ ; з)  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} + \vec{d}$ .
- 409 Даны векторы  $\vec{a} \{5; -1; 1\}$ ,  $\vec{b} \{-2; 1; 0\}$ ,  $\vec{c} \{0; 0,2; 0\}$  и  $\vec{d} \{-\frac{1}{3}; 2\frac{2}{5}; -\frac{1}{7}\}$ . Найдите координаты векторов: а)  $\vec{a} - \vec{b}$ ; б)  $\vec{b} - \vec{a}$ ;  
 в)  $\vec{a} - \vec{c}$ ; г)  $\vec{d} - \vec{a}$ ; д)  $\vec{c} - \vec{d}$ ; е)  $\vec{a} - \vec{b} + \vec{c}$ ; ж)  $\vec{a} - \vec{b} - \vec{c}$ ; з)  $2\vec{a}$ ; и)  $-3\vec{b}$ ;  
 к)  $-6\vec{c}$ ; л)  $-\frac{1}{3}\vec{d}$ ; м)  $0,2\vec{b}$ .
- 410 Даны векторы  $\vec{a} \{-1; 2; 0\}$ ,  $\vec{b} \{0; -5; -2\}$  и  $\vec{c} \{2; 1; -3\}$ . Найдите координаты векторов  $\vec{p} = 3\vec{b} - 2\vec{a} + \vec{c}$  и  $\vec{q} = 3\vec{c} - 2\vec{b} + \vec{a}$ .

**Для примера:**

